

Азизов Т.Н., д.т.н., профессор (Уманский государственный педагогический университет имени Павла Тычины, г. Умань), Срибняк Н.Н., ассистент (Сумский национальный аграрный университет, г. Сумы)

## **ПРОЧНОСТЬ ПРИ КРУЧЕНИИ ЖЕЛЕЗОБЕТОННЫХ ЭЛЕМЕНТОВ ПРЯМОУГОЛЬНОГО СЕЧЕНИЯ С НОРМАЛЬНЫМИ ТРЕЩИНАМИ**

**Приводится методика расчета прочности железобетонных элементов с нормальными трещинами при действии крутящего момента. Показано, что при наличии только продольной арматуры прочность железобетонного элемента с нормальной трещиной существенно ниже прочности элемента без трещин.**

A method over of calculation of durability of reinforced-concrete elements is brought with normal cracks at the action of twisting moment. It is rotined that at presence of only longitudinal armature durability of reinforced-concrete element with a normal crack substantially below than durability of element without cracks.

**Анализ исследований и постановка задачи.** Имеющиеся исследования, касающиеся прочности железобетонных элементов при действии крутящего момента [4,5], предполагают наличие пространственных (спиральных) трещин. Однако, на практике в ребрах плитно-ребристых система (перекрытия, мостовые сооружения) возникают только нормальные трещины в результате действия изгибающего момента. При действии локальных нагрузок в этих ребрах возникают кроме изгибающих еще и достаточно существенные крутящие моменты. В таком случае прочность железобетонного элемента с нормальными трещинами может быть недостаточной для восприятие крутящего момента, что может привести к потере несущей способности. В работах [1,2] приводится методика определения крутильной жесткости железобетонных элементов с нормальными трещинами. Прочность же таких элементов не рассматривалась.

В связи с вышесказанным **целью настоящей статьи** является разработка методики расчета прочности железобетонных элементов с нормальными трещинами при действии крутящего момента.

**Изложение методики.** Как было сказано выше, при расчете прочности железобетонных элементов при кручении предполагается только для случаев наличия спиральных пространственных трещин.

Экспериментальными исследованиями авторов [3] установлено, что прочность железобетонного элемента с нормальной трещиной при кручении существенно ниже прочности элемента без трещин, если элемент армирован только продольной арматурой. Ввиду отсутствия методов расчета элементов

с нормальными трещинами на прочность при кручении ниже предлагается методика расчета таких элементов.

Рассмотрим схему усилий, действующих в нормальном сечении с трещиной при действии крутящего момента (рис. 1).

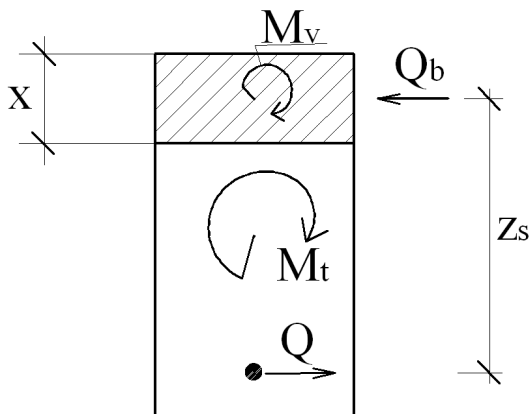


Рис. Схема усилий, действующих в нормальном сечении при кручении

На рисунке заштрихованная часть – сжатая от изгиба зона.

Внешний крутящий момент  $M_t$  воспринимается частично крутящим моментом  $M_v$ , действующим непосредственно в сжатой от изгиба зоне и моментом  $M_Q$ , воспринимаемым парой сил  $Q$  и  $Q_b$  от нагельной силы в арматуре. Из условия равновесия на горизонтальную ось (в направлении  $Q$ ) вытекает естественная зависимость

$$Q_b = Q \quad (1)$$

Момент этой пары сил (рис. 4.5) равен:

$$M_Q = Q \cdot Z_s \quad (2)$$

Условие равновесия (кручения вокруг продольной оси элемента) записывается в виде:

$$M_t - M_Q = M_v \quad (3)$$

Т.е. момент  $M_v$  - это часть внешнего крутящего момента, воспринимаемого бетоном сжатой от изгиба зоны.

Величина  $M_Q$  определяется после вычисления нагельной силы  $Q$  по методике [1,2].

Схема разрушения может быть в двух вариантах:

1 вариант – разрушение от среза сжатой зоны бетона в результате действия силы  $Q_b$  (рисунок);

2 вариант – разрушение сжатой от изгиба зоны в результате действия крутящего момента  $M_v$ , воспринимаемого этим участком.

Первое условие запишется в виде:

$$Q_b = \frac{M_t}{Z_s} \leq R_{sh}, \quad (4)$$

где  $R_{sh}$  - расчетное сопротивление бетона срезу;

$M_t$  - внешний крутящий момент;

$Z_s$  - расстояние от центра тяжести арматуры до центра тяжести сжатой зоны бетона.

Расчет по формуле (4) идет в запас прочности, т.к. на самом деле пара сил  $Q_b - Q$  воспринимает не весь внешний крутящий момент, а только его часть (см. формулу 3).

Второе условие прочности запишется в виде

$$M_v \leq [M_v], \quad (5)$$

где  $[M_v]$  - предельный крутящий момент, воспринимаемый бетоном сжатой от изгиба зоны, т.е. исключительно бетонного сечения с размерами  $b \times h = b \times x$ , т.е. ширина бетонного сечения равна ширине сечения балки, а его высота – высоте сжатой зоны бетона  $X$ .

Величину  $[M_v]$  рекомендуется определять из условия ограничения максимальных растягивающих напряжений, определенных по известным формулам сопротивления материалов для прямоугольного сечения, например [6]:

$$\sigma_{mt} = \frac{M_v}{\alpha \cdot a^2 \cdot b} \leq R_{bt}, \quad (6)$$

где  $R_{bt}$  - прочность бетона при растяжении;

$a$  и  $b$  - соответственно меньшая и большая сторона прямоугольного сечения;

$\alpha$  - коэффициент, зависящий от соотношения сторон  $a/b$  (или  $b/a$ ) и определяемый по таблицам, приводимым во всех справочниках по сопротивлению материалов и теории упругости. Для того, чтобы не использовать таблицы при расчете на ЭВМ удобнее воспользоваться точным определением этого коэффициента по [7] (в [7] коэффициент  $\alpha$  формулы (6) обозначен

через  $K$  :

$$\alpha = K_1 / K , \quad (7)$$

где

$$K_1 = \frac{1}{3} \left( 1 - \frac{192}{\pi^5} \cdot \frac{a}{b} \sum_{n=1,3,5}^{\infty} \frac{1}{n^5} \operatorname{th} \frac{\pi \cdot n \cdot b}{2 \cdot a} \right) ; \quad (8)$$

$$K = 1 - \frac{8}{\pi^2} \sum_{n=1,3,5}^{\infty} \frac{1}{n^2 \cdot \operatorname{ch} \frac{\pi \cdot n \cdot b}{2 \cdot a}} \quad (9)$$

В выражениях (8) и (9) через  $a$  и  $b$  обозначены в отличие от (6) половины соответственно короткой и длинной сторон прямоугольного сечения.

Ряды в выражениях (8) и (9) сходятся очень быстро. Достаточно 2-3 нечетных членов ряда для получения приемлемой точности.

Момент  $[M_v]$ , стоящий в левой части выражения (5) в запас прочности рекомендуется определять по (3) с максимальным значением  $M_v$ , т.е. минимальным значением  $M_Q$ . А минимальное значение  $M_Q$  получается при расчете по упругой стадии. Действительно, если при определении нагельной силы  $Q$  по методике [1,2] взять различные значения модуля деформаций бетона  $E_b$ , то бóльшая величина  $Q$  получится при меньшем значении  $E_b$  (соответственно  $G_b$ ), т.к. внешний момент в выражении (3) является постоянной величиной.

Следовательно, мы установили, что расчет нагельной силы в упругой стадии идет в запас прочности.

Таким образом, учитывая (1) – (6), условия прочности железобетонного элемента прямоугольного сечения с нормальной трещиной на действие крутящего момента  $M_t$  окончательно запишется как меньшее из двух выражений:

$$M_t \leq R_{sh} Z_s \quad (10)$$

$$M_t - Q \cdot Z_s \leq R_{bt} \cdot \alpha \cdot X^2 \cdot b \quad (11)$$

При этом  $Q$  определяется по методике [1,2] в упругой постановке;

$$Z_s = h_0 - X / 2 ;$$

$X$  - высота сжатой от изгиба зоны;

$b$  - ширина сечения элемента;

$\alpha$  - коэффициент, определяемый по (7) с помощью (8) и (9) и зависящий от отношения  $X/b$  (высоты сжатой зоны к ширине сечения балки).

Расчеты по приведенной выше методике показывают, что прочность элемента с нормальной трещиной при кручении существенно меньше прочности элемента без трещин. Действительно, можно легко проверить, что величина  $M_t$ , определенная по (10) или (11) меньше величины, определенной по (6), если в последнюю подставить значения полной высоты и ширины сечения элемента.

Расчет по образованию нормальных трещин рекомендуется производить по известным методикам, включая нормативную. При этом определяется в том числе и высота сжатой зоны бетона. После определения высоты сжатой от изгиба зоны прочность элемента проверяется не только на действие изгибающего момента, но и на действие крутящего момента по вышеприведенной методике. Расчеты показывают, что проверка прочности при кручении элементов с нормальными трещинами обязательна при проектировании перекрытий с учетом пространственной работы.

**Выводы и перспективы исследований.** Предложен новый метод расчета прочности железобетонных элементов с нормальными трещинами при действии крутящего момента. Показано, что такой расчет должен обязательно проводиться для элементов в составе пространственно деформирующихся систем (мостовые сооружения, перекрытия).

В перспективе следовало бы разработать методику расчета прочности элементов с нормальными трещинами с учетом нелинейных свойств бетона сжатой зоны при кручении, т.к. нагельная сила в арматуре зависит от модуля деформаций бетона, а крутящий момент, воспринимаемый сжатой зоной, в свою очередь зависит от величины этой силы. Это позволило бы более экономично проектировать такие элементы.

1. Азизов Т.Н. Определение крутильной жесткости железобетонных элементов с трещинами//Дороги і мости. Збірник наукових праць. Вип. 7.Том 1. - Київ: ДерждорНДІ, 2007. – С. 3-8.
2. Азизов Т.Н., Срибняк Н.Н. Определение крутильной жесткости железобетонных элементов прямоугольного сечения с нормальными трещинами // Ресурсоекономні матеріали, конструкції, будівлі та споруди. Вип. 16.,ч.2. – Рівне: Нац. ун-т водного господарства та природокористування, 2008. – С. 8-17.
3. Азизов Т.Н., Голодкова Н.М. Експериментальна методика визначення крутильної жорсткості елементів збірного залізобетонного перекриття з нормальними тріщинами // V-я міжнародна научно-практическа Интернет-конференція «Состояние строительной науки-2007».
4. Карпенко Н.И. Теория деформирования железобетона с трещинами. – М.: Стройиздат, 1976.
5. Карпенко Н.И. общие модели механики железобетона. – М.: Стройиздат, 1996. – 416 с.
6. Коуэн Г.Дж. Кручение в обычном и предварительно напряженном железобетоне. – М.:Стройиздат, 1972. – 104 с.
7. Тимошенко С.П. Теория упругости. – Л., М: Онти, 1934. – 451 с.